

2024 高考数学必考公式大汇总，高中三年都有用！

小编老师整理 2024 高考数学必考公式，和大家分享，为您的高考助一臂之力。

基本初等函数 I

一、概念与符号

1. 函数的概念

一般地，我们有：设 A, B 是非空的数集，如果按照某种确定的对应关系 f ，使对于集合 A 中的任意一个数 x ，在集合 B 中都有唯一确定的数 $f(x)$ 和它对应，那么就称 $f: A \rightarrow B$ 为从集合 A 到集合 B 的一个函数 (function)，记作： $y = f(x), x \in A$ 。

2. 映射的概念

一般地，我们有：设 A, B 是两个非空的集合，如果按某一个确定的对应关系 f ，使对于集合 A 中的任意一个元素 x ，在集合 B 中都有唯一确定的元素 y 与之对应，那么就称对应 $f: A \rightarrow B$ 为从集合 A 到集合 B 的一个映射 (mapping)。

3. 函数的最值

一般地，设函数 $y = f(x)$ 的定义域为 I ，如果存在实数 M 满足：

(1) 对于任意的 $x \in I$ ，都有 $f(x) \leq M (f(x) \geq M)$ ；

(2) 存在 $x_0 \in I$ ，使得 $f(x_0) = M$ 。

那么称 M 是函数 $y = f(x)$ 的最大(小)值，通常记为：

$y_{\max} = M$ 或 $f(x)_{\max} = M$ ($y_{\min} = M$ 或 $f(x)_{\min} = M$)。

4. 奇偶函数等式的等价形式：

奇函数 $\Leftrightarrow f(-x) = -f(x) \Leftrightarrow f(-x) + f(x) = 0$

$\Leftrightarrow \frac{f(-x)}{f(x)} = -1 (f(x) \neq 0)$ ；

偶函数 $\Leftrightarrow f(-x) = f(x) \Leftrightarrow f(-x) - f(x) = 0$

$$\Leftrightarrow \frac{f(-x)}{f(x)} = 1 (f(x) \neq 0).$$

二、常用公式

1. 幂指数运算法则

$$(1) a^r \cdot a^s = a^{r+s}, (a^r)^s = a^{rs}, (ab)^r = a^r b^r. (a > 0, r, s \in \mathbf{Q})$$

$$(2) \text{当 } n \text{ 为奇数时, } \sqrt[n]{a^n} = a;$$

$$\text{当 } n \text{ 为偶数时, } \sqrt[n]{a^n} = |a| = \begin{cases} a, & a \geq 0, \\ -a, & a < 0. \end{cases}$$

$$(3) \text{规定: } a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} (a > 0, m, n \in \mathbf{N}^*, \text{且 } n > 1);$$

$$a^{-\frac{m}{n}} = \frac{1}{a^{\frac{m}{n}}} (a > 0, m, n \in \mathbf{N}^*, \text{且 } n > 1);$$

$$a^0 = 1 (a \neq 0).$$

2. 对数恒等式

$$a^{\log_a N} = N, \log_a a = 1, \log_a 1 = 0. (\text{其中 } N > 0, a > 0, \text{且 } a \neq 1)$$

3. 对数运算法则

设 $a > 0$, 且 $a \neq 1$, $M > 0$, $N > 0$, 则

$$\log_a(MN) = \log_a M + \log_a N,$$

$$\log_a \left(\frac{M}{N} \right) = \log_a M - \log_a N,$$

$$\log_a N^n = n \log_a N$$

4. 对数换底公式

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a} (a > 0 \text{ 且 } a \neq 1; c > 0 \text{ 且 } c \neq 1; b > 0)$$

函数的应用

一、概念与符号

1. 函数的零点

对于函数 $y = f(x)$, 我们把使 $f(x) = 0$ 的实数 x 叫做函数 $y = f(x)$ 的零点 (zero)

2. 二分法

对于在区间 $[a, b]$ 上的连续不断且 $f(a) \cdot f(b) < 0$ 的函数 $y = f(x)$, 通过不断地把函数 $f(x)$ 的零点所在的区间一分为二, 使区间的两个端点逐步逼近零点, 进而得到零点近似值的方法叫做二分法 (bisection)。

二、常用公式

1. 二次函数式:

$$f(x) = ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2) = a(x - h)^2 + k \quad (\text{其中 } a \neq 0, h = -\frac{b}{2a}, k = \frac{4ac - b^2}{4a}).$$

2. 二次函数图象在 x 轴上两点间的距离:

$$|x_1 - x_2| = \sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2} = \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{|a|}.$$

3. 方程 $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$:

(1) 判别式 $\Delta = b^2 - 4ac$;

(2) 求根公式 $x_{1, 2} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} (\Delta \geq 0)$;

(3) 根与系数的关系
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}, \\ x_1 x_2 = \frac{c}{a}. \end{cases}$$

三、常用定理

1. 零点存在定理

一般地, 我们有: 如果函数 $y = f(x)$ 在区间 $[a, b]$ 上的图象是连续不

空间几何体

点、直线和平面位置关系

一、常用公式

$$S_{\text{圆柱全}} = 2\pi r(r + l), V_{\text{柱}} = Sh;$$

$$S_{\text{圆锥}} = \pi r(r + l), V_{\text{锥}} = \frac{1}{3}Sh;$$

$$S_{\text{圆台}} = \pi(r'^2 + r^2 + r'l + rl), V_{\text{台}} = \frac{1}{3}(S + \sqrt{SS'} + S')h;$$

$$S_{\text{球}} = 4\pi R^2, V_{\text{球}} = \frac{4}{3}\pi R^3.$$

二、常用定理

(1) 用一个平面去截一个球，截面是圆面。

(2) 球心和截面圆心的连线垂直于截面。

(3) 球心到截面的距离 d 与球的半径 R 及截面半径 r 有下面关系：

$$r = \sqrt{R^2 - d^2}.$$

(4) 球面被经过球心的平面截得的圆叫做大圆，被不经过球心的截面截得的圆叫做小圆。

(5) 在球面上两点之间连线的最短长度，就是经过这两点的大圆在这两点间的一段劣弧的长度，这个弧长叫做两点间的球面距离。

一、概念与符号

平面 α 、 β 、 γ ,

直线 a 、 b 、 c ,

点 A 、 B 、 C .

$A \in a$ ——点 A 在直线 a 上或直线 a 经过点 A .

$a \subset \alpha$ ——直线 a 在平面 α 内.

$\alpha \cap \beta = a$ ——平面 α 、 β 的交线是 a .

$\alpha \parallel \beta$ ——平面 α 、 β 平行.

$\beta \perp \gamma$ ——平面 β 与平面 γ 垂直.

二、常用定理

1. 异面直线判断定理

过平面外一点与平面内一点的直线，和平面内不过该点的直线是异面直线.

2. 线与线平行的判定定理

(1) 平行于同一直线的两条直线平行.

(2) 垂直于同一平面的两条直线平行.

(3) 如果一条直线和一个平面平行，经过这条直线的平面和这个平面相交，那么这条直线和交线平行.

(4) 如果两个平行平面同时和第三个平面相交，那么它们的交线平行.

(5) 如果一条直线平行于两个相交平面，那么这条直线平行于两个平面的交线.

[空间向量与立体几何](#)

一、常用公式

1. 设 $\mathbf{a} = (a_1, a_2, a_3)$, $\mathbf{b} = (b_1, b_2, b_3)$, $A(x_1, y_1, z_1)$, $B(x_2, y_2, z_2)$, 则

$$(1) |\mathbf{a}| = \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2};$$

$$(2) \cos\langle \mathbf{a}, \mathbf{b} \rangle = \frac{a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3}{\sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2} \cdot \sqrt{b_1^2 + b_2^2 + b_3^2}};$$

$$(3) |\overrightarrow{AB}| = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2 + (z_1 - z_2)^2}.$$

2. 中点坐标公式

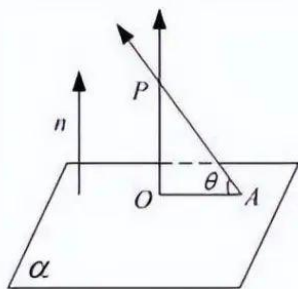
已知 $A(x_1, y_1, z_1)$, $B(x_2, y_2, z_2)$, 若 $M(x, y, z)$ 是线段 AB 的中点, 则有 $x = \frac{x_1 + x_2}{2}$, $y = \frac{y_1 + y_2}{2}$, $z = \frac{z_1 + z_2}{2}$.

3. 异面直线所成的角

设异面直线 AB 、 CD 所成角为 θ , 则

$$\cos \theta = |\cos\langle \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{CD} \rangle| = \frac{|\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{CD}|}{|\overrightarrow{AB}| |\overrightarrow{CD}|}.$$

4. 直线与平面所成的角



如图, 已知 PA 为平面 α 的一条斜线, \mathbf{n} 为平面 α 的一个法向量, 过 P 作平面 α 的垂线 PO , 连接 OA , 则 $\angle PAO$ 为斜线 PA 和平面 α 所成的角, 记为 θ , 易得: $\sin \theta = \left| \sin \left(\frac{\pi}{2} - \langle \mathbf{n}, \overrightarrow{AP} \rangle \right) \right| = |\cos\langle \mathbf{n}, \overrightarrow{AP} \rangle| = \frac{|\mathbf{n} \cdot \overrightarrow{AP}|}{|\mathbf{n}| |\overrightarrow{AP}|}.$

5. 二面角的向量求法

1. 设 $\mathbf{a} = (x_1, y_1, z_1)$, $\mathbf{b} = (x_2, y_2, z_2)$, 则

$$(1) \mathbf{a} \parallel \mathbf{b} (\mathbf{b} \neq \mathbf{0}) \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = \lambda x_2, \\ y_1 = \lambda y_2, \\ z_1 = \lambda z_2; \end{cases}$$

$$(2) \text{若 } x_2 y_2 z_2 \neq 0, \text{ 则 } \mathbf{a} \parallel \mathbf{b} \Leftrightarrow \frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2} = \frac{z_1}{z_2};$$

$$(3) \mathbf{a} \perp \mathbf{b} \Leftrightarrow x_1 x_2 + y_1 y_2 + z_1 z_2 = 0.$$

2. 共面向量定理: 如果两个向量 \mathbf{a} 、 \mathbf{b} 不共线, 则向量 \mathbf{c} 与向量 \mathbf{a} 、 \mathbf{b} 共面的充要条件是存在唯一的一对有序实数 x 、 y , 使 $\mathbf{c} = x\mathbf{a} + y\mathbf{b}$.

直线与方程

一、概念与符号

1. 倾斜角

在平面直角坐标系中, 对于一条与 x 轴相交的直线, 如果把 x 轴绕着交点按逆时针方向旋转到和直线重合时所转的最小正角记为 α , 那么 α 就叫做直线的倾斜角, 当直线和 x 轴平行或重合时, 规定其倾斜角为 0° , 因此, 倾斜角的取值范围是 $0^\circ \leq \alpha < 180^\circ$.

2. 斜率

倾斜角不是 90° 的直线, 它的倾斜角的正切值叫这条直线的斜率, 常用 k 表示, 即 $k = \tan \alpha$, 常用斜率表示倾斜角不等于 90° 的直线对于 x 轴的倾斜程度.

3. l_1 到 l_2 的角

l_1 依逆时针方向旋转到与 l_2 重合时所转的角.

4. l_1 和 l_2 所成的角

l_1 和 l_2 相交构成的四个角中不大于直角的角叫这两条直线所成的角, 简称夹角.

圆与方程

2. 圆的一般方程

方程 $x^2 + y^2 + Dx + Ey + F = 0$, 当 $D^2 + E^2 - 4F > 0$ 时, 称为圆的一般方程. 其中圆心为 $(-\frac{D}{2}, -\frac{E}{2})$, 半径 $r = \frac{1}{2}\sqrt{D^2 + E^2 - 4F}$

3. 圆的参数方程

设 $C(a, b)$, 半径为 R , 则其参数方程为

$$\begin{cases} x = a + R \cos \theta \\ y = b + R \sin \theta \end{cases} (\theta \text{ 为参数, } 0 \leq \theta < 2\pi).$$

4. 直线与圆的位置关系

设直线 $l: Ax + By + C = 0$, 圆 $C: (x - a)^2 + (y - b)^2 = r^2$. 圆心 $C(a, b)$ 到 l 的距离为 $d = \frac{|A \cdot a + B \cdot b + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$,

则 $d > r \Leftrightarrow l$ 与圆 C 相离;

$d = r \Leftrightarrow l$ 与圆 C 相切;

$d < r \Leftrightarrow l$ 与圆 C 相交.

5. 圆与圆的位置关系

设圆 $C_1: (x - a_1)^2 + (y - b_1)^2 = r^2$, 圆 $C_2: (x - a_2)^2 + (y - b_2)^2 = R^2$. 设两圆的圆心距为 d ,

则当 $d > R + r$ 时, 两圆外离;

当 $d = R + r$ 时, 两圆外切;

当 $|R - r| < d < R + r$ 时, 两圆相交;

当 $d = |R - r|$ 时, 两圆内切;

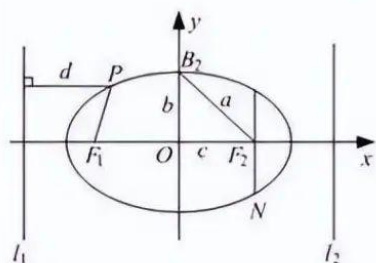
当 $d < |R - r|$ 时, 两圆内含.

圆锥曲线与方程

一、椭圆

1. 椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$, $c^2 = a^2 - b^2 (c > 0)$, 焦距 $|F_1F_2| = 2c$.

2. 如图 5-3-11,



5-3-11

椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ 的离心率有: $e = \frac{c}{a} = \sqrt{1 - \frac{b^2}{a^2}}$.

二、双曲线

1. 双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > 0, b > 0)$, 有 $c^2 = a^2 + b^2$, 焦距 $|F_1F_2| = 2c$.

统计

一、常用符号

\bar{x} ——平均数, S^2 ——方差, S ——标准差, Σ ——求和符号

二、常用公式

$$\bar{x} = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \cdots + x_n), S^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

$$S = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}, \hat{b} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n\bar{x}\bar{y}}{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{x}^2}, \hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x}$$

回归方程

$$\hat{y} = \hat{a} + \hat{b}x$$

其中

$$\begin{cases} \hat{b} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i - n\bar{x} \cdot \bar{y}}{\sum_{i=1}^n x_i^2 - n\bar{x}^2}, \\ \hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x}. \end{cases}$$

相关系数

$$r = \frac{\sum x_i y_i - n\bar{x} \cdot \bar{y}}{\sqrt{(\sum x_i^2 - n\bar{x}^2) \cdot (\sum y_i^2 - n\bar{y}^2)}}$$

概率

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/607136013115006030>